

## 2節 式の計算の利用

### <目標>

- ・具体的な場面で、式の意味を読み取ったり、式を目的に応じて変形したりして、数量の関係や図形の性質をとらえ、その過程を振り返ることができる。
- ・問題を解決するために、式を展開したり、因数分解したりすることが手際よくできる。

ここでは、今まで学んできた式の計算を利用して、数量の関係や図形の性質を文字を使って説明(証明)することを学習します。

さて、初回の内容である

「一の位が5である2けたの自然数の2乗の積は、  
(1) 下2けたの数は25  
(2) 上2けたの数は、(十の位の数) × (十の位の数+1)  
で求めることができる。」

ことは覚えていますか。

$$15 \times 15 = 225 \quad 25 \times 25 = 625 \quad 35 \times 35 = 1225 \quad \dots$$

ここで、その計算の考え方が「必ず」成り立つことを文字を使って証明します。

### <課題>

「一の位が5である2けたの自然数の2乗の積は、  
(1) 下2けたの数は25  
(2) 上2けたの数(百以上の位)は、(十の位の数) × (十の位の数+1)  
で求めることができる。」ことを文字の式を利用して証明しなさい。

### <考え方>

まず、「一の位が5である2けたの自然数」を文字を使って表します。  
次に、その数の2乗を式で表します。  
最後に、目的に応じて(結論に合うように)式を変形します。

### <証明>

十の位の数を $a$ とすると、一の位が5である2けたの自然数は

$$10a + 5$$

と表される。よって、その数の2乗の積は

$$(10a + 5)^2$$

$$= 100a^2 + 100a + 25$$

$$= 100 a(a + 1) + 25$$

と表される。

$a(a + 1)$ は、(十の位の数) × (十の位の数+1)を表し、 $100 a(a + 1)$ は上2けた(百以上の位)の数が(十の位の数) × (十の位の数+1)であることを表している。

よって、一の位が5である2けたの自然数の2乗の積は、  
下2けたの数は25、上2けたの数(百以上の位)は、(十の位の数) × (十の位の数+1)  
で求めることができる。

これを利用すると、次の計算も手際よく(暗算で)求めることができます。

<問題1>

$36 \times 34$  ,  $53 \times 57$  を計算しなさい。また、どのようにすれば手際よく積を求めることができますか。

<考え方>

$$\begin{array}{r} 36 \\ \times 34 \\ \hline 144 \\ 108 \phantom{0} \\ \hline 1224 \end{array} \quad \begin{array}{r} 53 \\ \times 57 \\ \hline 371 \\ 265 \phantom{0} \\ \hline 3021 \end{array}$$

左の筆算から、

(1) 下2けたは 一の位の積

(2) 上2けた(百以上の位)は

$$(\text{十の位の数}) \times (\text{十の位の数} + 1)$$

になりそうだと思います。

それでは、はじめに与えられた2数の特徴は何でしょうか。

<問題2>

$41 \times ( )$  ,  $( ) \times 68$  の( )にあてはまる数を答えなさい。

<課題>

十の位の数が同じで、一の位の数の和が10である2数の積は

(1) 下2けたは 一の位の積

(2) 上2けた(百以上の位)は、 $(\text{十の位の数}) \times (\text{十の位の数} + 1)$

になることを文字の式を利用して証明しなさい。

1ページ目の証明と教科書P. 32を参考にして課題を解きなさい。

<問題2>の( )にあてはまる数

$41 \times (49)$  ,  $(62) \times 68$  で、それらの積は、 $41 \times 49 = 2009$  ,  $62 \times 68 = 4216$  です。

確かめてみましょう。